EXERCICE 1 3 pts

Déterminer l'expression de la dérivée de chacune des fonctions suivantes, définies et dérivables  $\operatorname{sur} \mathbb{R}$ .

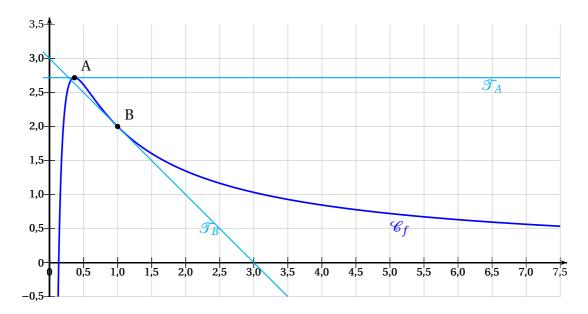
$$f(x) = (1 - 2x)^{2025}$$
 
$$g(x) = \frac{5}{(x^4 + 2)^5}$$

**EXERCICE 2** 5 pts

Sur le graphique ci-dessous, on a représenté dans un repère orthonormé :

- la courbe représentative  $\mathscr{C}_f$  d'une fonction f définie et dérivable sur ]0;  $+\infty[$ ;
- la tangente  $\mathcal{T}_A$  à la courbe  $\mathscr{C}_f$  au point A de coordonnées  $\left(\frac{1}{2}; e\right)$ ;
- la tangente  $\mathcal{T}_B$  à la courbe  $\mathscr{C}_f$  au point B de coordonnées (1; 2).

La droite  $\mathcal{T}_A$  est parallèle à l'axe des abscisses. La droite  $\mathcal{T}_B$  coupe l'axe des abscisses au point de coordonnées (3; 0) et l'axe des ordonnées au point de coordonnées (0; 3).



## PARTIE I

Pour chacune des affirmations suivantes, indiquer, par lecture graphique, si elle est vraie ou fausse, en justifiant votre réponse.

- **1.** Si *f* est la dérivée d'une fonction *g*, *g* est décroissante sur [2;6].
- **2.** Si *f* est la dérivée d'une fonction *g*, *g* est concave sur [2;6].
- **3.**  $f'(x) \ge 0$  sur [2;6].
- **4.** Si f est la dérivée d'une fonction g, alors la courbe de g admet un point d'inflexion.

## PARTIE II

- 1. Déterminer les valeurs de  $f'\left(\frac{1}{e}\right)$  et de f'(1).
- **2.** Donner une équation de la droite  $\mathcal{T}_B$ .

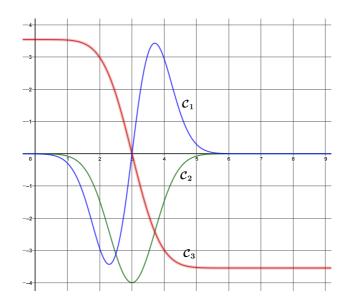
Soit la fonction f définie et deux fois dérivables sur R par :  $f(x) = xe^{-x^2}$ .

- 1. Vérifier que, pour tout réel x, on a :  $f''(x) = 2x(2x^2 3)e^{-x^2}$ .
- **2.** Etudier la convexité de f et préciser les abscisses des éventuels points d'inflexion de sa courbe.

EXERCICE 4 3 points

Ci-dessous sont représentées les courbes :

- d'une fonction f définie et deux fois dérivable sur [0;9]
- de sa dérivée f'
- de sa dérivée seconde  $f^{''}$



Déterminer, en justifiant votre choix, quelle courbe correspond à quelle fonction.

EXERCICE 5 5 pts

Soit la fonction f définie sur R par  $f(x) = \sqrt{x^2 + 8}$ .

On note  $\mathscr{C}_f$  sa courbe représentative dans un repère du plan.

Pour tout réel a, on note  $T_a$  la tangente à la courbe  $\mathscr{C}_f$  au point d'abscisse a.

- 1. a. Déterminer une équation de la tangente  $T_1$  à la courbe  $\mathcal{C}_f$  au point d'abscisse 1.
  - **b.** Vérifier que, pour tout réel x, on a :  $f''(x) = \frac{8}{(x^2+8)\sqrt{x^2+8}}$ .
  - **c.** Montrer que, pour tout réel x, on a :  $\sqrt{x^2 + 8} \geqslant \frac{x + 8}{3}$ .
- **2.** Existe-t-il une tangente à la courbe  $\mathscr{C}_f$  passant par l'origine du repère?